

## - EQUAÇÕES POLINOMIAIS -

1. (Ita 2008) É dada a equação polinomial

$$(a + c + 2)x^{\alpha} + (b + 3c + 1)xf + (c - a)x + (a + b + 4) = 0$$

com a, b, c reais. Sabendo-se que esta equação é recíproca de primeira espécie e que 1 é uma raiz, então o produto abc é igual a

- a) - 2
- b) 4
- c) 6
- d) 9
- e) 12

2. (Pucmg 2007) Se o número 2 é uma raiz dupla do polinômio  $P(x) = x^4 - 4x^{\alpha} + 3xf + 4x - 4$ , então é correto afirmar que:

- a)  $x = 2$  é uma das duas raízes reais desse polinômio.
- b)  $x = 2f$  é uma das quatro raízes desse polinômio.
- c)  $(x - 2)f$  é um divisor desse polinômio.
- d)  $(x + 2)f$  é um divisor desse polinômio.

3. (Pucrs 2003) O conjunto das raízes do polinômio  $p(x) = (x - a)f(x - b)(x + c)^l$ , onde  $a \cdot b, a \cdot c$  e  $b \cdot c$ ,

- é
- a)  $\{af, b, c\}$ .
  - b)  $\{af, b, (-c)\}$ .
  - c)  $\{c\}.c$   $\{a, af, b, bf, -c, (-c)\}$ .
  - d)  $\{a, b, c\}$ .
  - e)  $\{a, b, -c\}$ .

4. (Pucsp 2006) Sabe-se que o polinômio  $f = x^4 + 3x^{\alpha} - 3xf - 11x - 6$  admite a raiz  $-1$  com multiplicidade 2 e que outra de suas raízes é igual ao módulo de um número complexo z cuja parte imaginária é igual a  $-1$ . A forma trigonométrica de z pode ser igual a

- a)  $2 \cdot [\cos(11^{\text{TM}}/6) + i \cdot \sin(11^{\text{TM}}/6)]$
- b)  $2 \cdot [\cos(5^{\text{TM}}/6) + i \cdot \sin(5^{\text{TM}}/6)]$
- c)  $2 \cdot [\cos(5^{\text{TM}}/3) + i \cdot \sin(5^{\text{TM}}/3)]$
- d)  $2 \cdot [\cos(4^{\text{TM}}/3) + i \cdot \sin(4^{\text{TM}}/3)]$
- e)  $2 \cdot [\cos(7^{\text{TM}}/4) + i \cdot \sin(7^{\text{TM}}/4)]$

5. (Uerj 2004) Os zeros do polinômio a seguir formam uma P.A.

$$p(x) = x^{\alpha} - 12xf + 44x - 48$$

O conjunto solução da equação  $p(x) = 0$  pode ser descrito por:

- a)  $\{0, 4, 8\}$
- b)  $\{2, 4, 6\}$
- c)  $\{-1, 4, 9\}$
- d)  $\{-2, -4, -6\}$

6. (Ufjf 2007) Sobre o polinômio  $f(x) = 9x^{\alpha} + 15xf - 32x + 12$ , podemos dizer que:

- a) possui uma raiz real e duas raízes complexas que não são reais.
- b) a soma de suas raízes é igual a 15.
- c) o produto de suas raízes é igual a 12.
- d) uma de suas raízes é positiva de multiplicidade 1.
- e) nenhuma de suas raízes é um número natural.

7. (Ufscar 2003) Considere a equação  $xf + kx + 36 = 0$ , onde  $x'$  e  $x''$  representam suas raízes. Para que exista a relação  $(1/x') + (1/x'') = 5/12$ , o valor de k na equação deverá ser

- a) - 15
- b) - 10
- c) + 12
- d) + 15
- e) + 36

8. (Ufscar 2004) Sendo  $z_1$  e  $z$ , as raízes não reais da equação algébrica  $x^{\alpha} + 5xf + 2x + 10 = 0$ , o produto  $z_1z$ , resulta em um número

- a) natural.
- b) inteiro negativo.
- c) racional não inteiro.
- d) irracional.
- e) complexo não real.

9. (Ufu 2006) Sabe-se que os números complexos  $1 + i$  e  $(1 + i)\$$  são raízes de um polinômio de grau 4 com coeficientes reais. A soma das raízes desse polinômio é igual a

- a) 2.
- b)  $2\bar{E}2$ .
- c)  $-2\bar{E}2$ .
- d) - 2.

10. (Unifesp 2008) Sejam p, q, r as raízes distintas da equação  $x^{\alpha} - 2xf + x - 2 = 0$ . A soma dos quadrados dessas raízes é igual a

- a) 1.
- b) 2.
- c) 4.
- d) 8.
- e) 9.

11. (Ufjf 2007) Considere o polinômio  $p(x) = x^{\alpha} - 2x^{\alpha} + xf + mx + n$ , onde  $m, n \in \mathbb{R}$ .

a) Para  $m = -8$  e  $n = -12$ , escreva o polinômio como produto de polinômios de grau 1.

b) Existem valores de  $m$  e  $n$  para os quais o polinômio  $p$  possua quatro raízes inteiros e positivas? Justifique sua resposta.

12. (Ufmg 2006) Considere o polinômio  $p(x) = x^4 - 2mx^2 + 2m - 1$ , sendo  $m$  um número real maior que  $1/2$ .

a) Calcule as raízes de  $p(x)$  em função de  $m$ .  
b) Determine os valores de  $m$  para que  $p(x)$  tenha quatro raízes distintas e em progressão aritmética.

13. (Ufscar 2007) Considere a equação algébrica  $-x^4 + kx^2 - kx + k - 4 = 0$ , na variável  $x$ , com  $k \in \mathbb{C}$ .

a) Determine  $k = a + bi$ , com  $a$  e  $b$  reais, para que o número complexo  $2i$  seja uma das raízes da equação.  
b) Determine todas as raízes da equação quando  $k = 5$ .

14. (Unicamp 2005) Para resolver equações do tipo  $x^4 + ax^2 + bx + ax + 1 = 0$ , podemos proceder do seguinte modo: como  $x = 0$  não é uma raiz, divide-se a equação por  $x^2$  e, após fazer a mudança de variáveis  $u = x + 1/x$ , resolve-se a equação obtida [na variável  $u$ ]. Observe que, se  $x \in \mathbb{R}$  e  $x > 0$ , então  $u \geq 2$ .

a) Ache as 4 raízes da equação  $x^4 - 3x^2 + 4x - 3x + 1 = 0$ .

b) Encontre os valores de  $b \in \mathbb{R}$  para os quais a equação  $x^4 - 3x^2 + bx - 3x + 1 = 0$  tem pelo menos uma raiz real positiva.

15. (Unicamp 2006) As três raízes da equação  $x^3 - 3x^2 + 12x - q = 0$ , onde  $q$  é um parâmetro real, formam uma progressão aritmética.

a) Determine  $q$ .  
b) Utilizando o valor de  $q$  determinado no item (a), encontre as raízes (reais e complexas) da equação.

11.

a)  $p(x) = (x + 3)(x + 1)(x + 2i)(x - 2i)$

b) Sejam  $a, b, c$  e  $d$ , com  $a \neq 1, b \neq 1, c \neq 1$  e  $d \neq 1$ , as raízes inteiros e positivas do polinômio  $p(x) = x^4 - 2x^3 + x^2 + mx + n$ .

Pelas relações de Girard, segue que  $a + b + c + d = 2$ . Porém, se  $a = b = c = d = 1$ , teremos  $a + b + c + d = 4$ , isto é, o valor mínimo que a soma das raízes pode assumir, de acordo com a hipótese do enunciado, é 4. Dessa forma, conclui-se que  $p(x)$  não apresenta quatro raízes inteiros e positivos para quaisquer valores de  $m$  e  $n$ .

12.

a)  $-\sqrt{2m-1}, \sqrt{2m-1}, -1$  e  $1$   
b)  $m = 5$  ou  $m = 5/9$

13.

a)  $(20/13) + (30/13)i$

b)  $\{1, 4, -i, i\}$

14.

a)  $1; 1; (1/2) - i[\sqrt{3}/2]; (1/2) + i[\sqrt{3}/2]$   
b)  $b = 4$

15.

a)  $q = 10$   
b)  $1, 1 - 3i$  e  $1 + 3i$

## GABARITO

1. [E] 6. [E]

2. [C] 7. [A]

3. [E] 8. [A]

4. [A] 9. [A]

5. [B] 10. [B]